



# 2次不等式の鉄則

★2次不等式は次の手順をおって進めていこう。

2次不等式を整理する

$$ax^2 + bx + c > 0, ax^2 + bx + c \geq 0$$

$$ax^2 + bx + c < 0, ax^2 + bx + c \leq 0$$

( $a > 0$ )

1. 左辺に項を集める
2. 分数、小数があるときは整数にしておく
3.  $x^2$ の係数が負のときは、 $-1$ を全体に掛けて**正**に (不等号の向きに注意)

「=0」に置き換えて方程式を解く

因数分解  $(x-\alpha)(x-\beta)=0$  または  
解の公式で

2つの実数解  $\alpha, \beta$   
( $\alpha < \beta$ )  
が求まると

グラフは  
異なる2点で交わるので

因数分解  $(x-\alpha)^2=0$  または  
解の公式で

重解  $\alpha$   
が求まると

グラフは  
軸と接するので

解の公式で

方程式が  
実数解をもたないと  
わかると ( $D < 0$ )

グラフと  $x$  軸との  
共有点がないので

$y = ax^2 + bx + c$ の グラフをかき (下に凸のグラフ)			
$ax^2 + bx + c > 0$ の解 $x$ 軸より上	$x < \alpha, \beta < x$	$\alpha$ 以外のすべての実数	すべての実数
$ax^2 + bx + c \geq 0$ の解 $x$ 軸上と $x$ 軸より上	$x \leq \alpha, \beta \leq x$	すべての実数	すべての実数
$ax^2 + bx + c < 0$ の解 $x$ 軸より下	$\alpha < x < \beta$	解なし	解なし
$ax^2 + bx + c \leq 0$ の解 $x$ 軸上と $x$ 軸より下	$\alpha \leq x \leq \beta$	$x = \alpha$	解なし

2つの実数解  $\alpha, \beta$  ( $\alpha < \beta$ )  
を持つならば、  
『ふくは内』  
で判断することも可能