

## 二次関数

1. 関数の概念が理解できる。
2. 定義域・値域が理解できる。
3. 値域が求められる。
4. 一次関数，二次関数のグラフがかける。

## 二次関数

1. 二次関数の一般の定義が理解できる。  
 $y=ax^2+bx+c$   $a \neq 0$ ,  $a, b, c$  は定数
2. 二次関数の基本形のグラフ ( $y=ax^2$ ) がかける。  
 $y=ax^2$   
(1)  $a > 0$  のとき, 下に凸  
(2)  $a < 0$  のとき, 上に凸

頂点の座標は, 原点  $(0, 0)$   
対称軸の方程式は,  $x=0$  ( $y$  軸)

用語  
放物線, 軸, 頂点

*Print Version 7.0.*  
*Created by MAT Inc. 1998.*  
*Written by Y.O^kouchi 1998.*  
*Copyright 1987,1998 MAT Inc.*  
*MAT is Mathematics Assist Team Corporation.*

*Print Version 7.0.*  
*Created by MAT Inc. 1998.*  
*Written by Y.O^kouchi 1998.*  
*Copyright 1987,1998 MAT Inc.*  
*MAT is Mathematics Assist Team Corporation.*

## 二次関数

1. 二次関数 ( $y=ax^2+q$ ) のグラフがかける。  
 $y=ax^2$  のグラフを  $y$  軸方向に  $q$  平行移動した放物線。  
頂点の座標は,  $(0, q)$   
対称軸の方程式は,  $x=0$
2. 二次関数 ( $y=a(x-p)^2$ ) のグラフがかける。  
 $y=ax^2$  のグラフを  $x$  軸方向に  $p$  平行移動した放物線。  
頂点の座標は,  $(p, 0)$   
対称軸の方程式は,  $x=p$

*Print Version 7.0.*  
*Created by MAT Inc. 1998.*  
*Written by Y.O^kouchi 1998.*  
*Copyright 1987,1998 MAT Inc.*  
*MAT is Mathematics Assist Team Corporation.*

## 二次関数

1. 二次関数の標準形 ( $y=a(x-p)^2+q$ ) のグラフがかける。  
 $y=ax^2$  のグラフを  $x$  軸方向に  $p$ ,  $y$  軸方向に  $q$  平行移動した放物線。  
頂点の座標は,  $(p, q)$   
対称軸の方程式は,  $x=p$

*Print Version 7.0.*  
*Created by MAT Inc. 1998.*  
*Written by Y.O^kouchi 1998.*  
*Copyright 1987,1998 MAT Inc.*  
*MAT is Mathematics Assist Team Corporation.*

## 二次関数

1. 二次関数の一般形 ( $y=ax^2+bx+c$ ) の式を, 標準形に変形できる.

Ex.)

$$y=2x^2-12x+13$$

$$y=(2x^2-12x)+13$$

$$y=2(x^2-6x)+13$$

$$y=2(x-3)^2-3^2+2+13$$

$$y=2(x-3)^2-18+13$$

$$y=2(x-3)^2-5$$

$y=2x^2$  のグラフを  $x$  軸方向に  $3$ ,  $y$  軸方向に  $-5$  平行移動したものの  
頂点  $(3, -5)$   
軸の方程式  $x=3$

Print Version 7.0.

Created by MAT Inc. 1998.

Written by Y.O^ kouchi 1998.

Copyright 1987,1998 MAT Inc.

MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

## 二次関数

1. 二次関数の一般形 ( $y=ax^2+bx+c$ ) のグラフがかけられる.

標準形に変形し, 移動の様子, 頂点の座標, 軸の方程式を求め, グラフをかく.

(MS- 21を参照)

Print Version 7.0.

Created by MAT Inc. 1998.

Written by Y.O^ kouchi 1998.

Copyright 1987,1998 MAT Inc.

MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

## 二次関数

1. 二次関数の方程式を求めることができる.

- (1) 頂点と1点を通る場合 → 標準形を利用  
(2) 3点で交わる場合 → 一般形を利用  
(3)  $x$  軸と2点で交わる場合 →  $y=a(x-\alpha)(x-\beta)$  を利用

Print Version 7.0.

Created by MAT Inc. 1998.

Written by Y.O^ kouchi 1998.

Copyright 1987,1998 MAT Inc.

MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

## 二次関数

1. 定義域が限定されていない場合の二次関数の最大値・最小値が求められる.

- (1)  $y=ax^2+bx+c$  ( $y=a(x-p)^2+q$  に変形) について,  
 $a>0$  なら,

$$\text{最小値...頂点の } y \text{ 座標 } \left( -\frac{b^2-4ac}{4a}, x=-\frac{b}{2a} \right)$$

最大値...なし

- (2)  $y=ax^2+bx+c$  ( $y=a(x-p)^2+q$  に変形) について,  
 $a<0$  なら,

最小値...なし

$$\text{最大値...頂点の } y \text{ 座標 } \left( -\frac{b^2-4ac}{4a}, x=-\frac{b}{2a} \right)$$

参考

$$y=ax^2+bx+c$$

$$y=a\left(x^2+\frac{b}{a}x\right)+c$$

$$y=a\left(x+\frac{b}{2a}\right)^2-\left(\frac{b}{2a}\right)^2+c$$

$$y=a\left(x+\frac{b}{2a}\right)^2-\frac{b^2-4ac}{4a}$$

Print Version 7.0.

Created by MAT Inc. 1998.

Written by Y.O^ kouchi 1998.

Copyright 1987,1998 MAT Inc.

MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

## 二次関数

1. 定義域が指定された場合の最大値・最小値が求められる。
- (1) 定義域の中に、頂点が含まれる場合  
定義域の両端の  $y$  座標と、頂点の  $y$  座標を調べる。
- (2) 定義域の中に、頂点が含まれない場合  
定義域の両端の  $y$  座標を調べる。
- (3) 定義域が次のように指定された場合は注意する。  
(Ex.)  $(-3 < x \leq 5)$  ここに注意

*Print Version 7.0.*  
*Created by MAT Inc. 1998.*  
*Written by Y.O^ kouchi 1998.*  
*Copyright 1987,1998 MAT Inc.*  
**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.**

## 二次方程式

1. 二次関数のグラフと  $x$  軸の位置関係で、二次方程式を考えることができる。
2. 二次方程式と考えて、 $x$  軸との共有点の個数が求められる。
- $y = ax^2 + bx + c$  で
- (1)  $b^2 - 4ac > 0 \iff x$  軸と2点で交わる
- (2)  $b^2 - 4ac = 0 \iff x$  軸と接する
- (3)  $b^2 - 4ac < 0 \iff x$  軸と交わらない

注意： $b^2 - 4ac$  を判別式と呼び、一般には  $D$  と表す。

*Print Version 7.0.*  
*Created by MAT Inc. 1998.*  
*Written by Y.O^ kouchi 1998.*  
*Copyright 1987,1998 MAT Inc.*  
**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.**

## 二次方程式

1. 二次方程式の解の判別ができる。

$b^2 - 4ac$  を活用する。

- (1)  $b^2 - 4ac > 0 \iff$  異なる2つの実数解
- (2)  $b^2 - 4ac = 0 \iff$  重解
- (3)  $b^2 - 4ac < 0 \iff$  実数解を持たない

*Print Version 7.0.*  
*Created by MAT Inc. 1998.*  
*Written by Y.O^ kouchi 1998.*  
*Copyright 1987,1998 MAT Inc.*  
**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.**

## 二次方程式

1. 二次方程式を解くことができる。

- (1) 因数分解を利用
- (2) 解の公式を利用

$$ax^2 + bx + c = 0 \text{ の解は, } x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

*Print Version 7.0.*  
*Created by MAT Inc. 1998.*  
*Written by Y.O^ kouchi 1998.*  
*Copyright 1987,1998 MAT Inc.*  
**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.**

二次不等式

1. 不等式の基本性質が理解できる.

$$a > b \text{ なら } a + c > b + c$$

$$a > b \text{ なら } ac > bc \text{ ( } c > 0 \text{ )}$$

$$a > b \text{ なら } ac < bc \text{ ( } c < 0 \text{ )}$$

2. 一次不等式が解ける.

二次不等式

1. グラフを利用して二次不等式を解くことができる.

$$b^2 - 4ac > 0 \text{ のとき, ( } x \text{ 軸と2点で交わる)}$$

$$ax^2 + bx + c = 0 \text{ の解を } \alpha, \beta (\alpha < \beta) \text{ とすると,}$$

$$(1) \quad ax^2 + bx + c > 0 \text{ の解は } x < \alpha, \beta < x$$

$$\quad \quad \quad (=) \quad \quad \quad (=) \quad (=)$$

$$(2) \quad ax^2 + bx + c < 0 \text{ の解は } \alpha < x < \beta$$

$$\quad \quad \quad (=) \quad \quad \quad (=) \quad (=)$$

*Print Version 7.0.**Created by MAT Inc. 1998.**Written by Y.O^ kouchi 1998.**Copyright 1987,1998 MAT Inc.**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.**Print Version 7.0.**Created by MAT Inc. 1998.**Written by Y.O^ kouchi 1998.**Copyright 1987,1998 MAT Inc.**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.*

二次不等式

1. 二次不等式を解くことができる.

$$b^2 - 4ac = 0 \text{ のとき, ( } x \text{ 軸と接する)}$$

$$ax^2 + bx + c = 0 \rightarrow a(x - \alpha)^2 = 0 \text{ の解を } \alpha \text{ とするとき}$$

$$(1) \quad ax^2 + bx + c > 0 \text{ の解は, } x \neq \alpha \text{ の実数全部}$$

$$(2) \quad ax^2 + bx + c \geq 0 \text{ の解は, 実数全部}$$

$$(3) \quad ax^2 + bx + c < 0 \text{ の解は, 解なし}$$

$$(4) \quad ax^2 + bx + c \leq 0 \text{ の解は, } x = \alpha \text{ のみ}$$

*Print Version 7.0.**Created by MAT Inc. 1998.**Written by Y.O^ kouchi 1998.**Copyright 1987,1998 MAT Inc.**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.*

二次不等式

1. 二次不等式を解くことができる.

$$b^2 - 4ac < 0 \text{ のとき, ( } x \text{ 軸と交わらない)}$$

$$(1) \quad ax^2 + bx + c > 0 \text{ の解は, 実数全部}$$

$$\quad \quad \quad (=)$$

$$(2) \quad ax^2 + bx + c < 0 \text{ の解は, 解なし}$$

$$\quad \quad \quad (=)$$

*Print Version 7.0.**Created by MAT Inc. 1998.**Written by Y.O^ kouchi 1998.**Copyright 1987,1998 MAT Inc.**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.*

発 展

1. 二次関数の平行移動が理解できる.

$$y=a(x-p)^2+q$$

$$y-q=a(x-p)^2$$

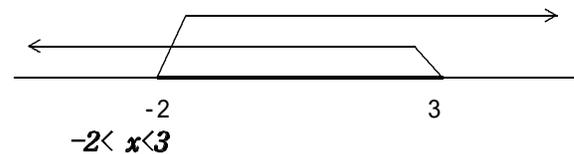
2. 平行移動の概念が理解できる.

$$y-q=f(x-p)$$

発 展

1. 連立不等式が解ける.

Ex.)  $x < 3, x > -2$  を満たす  $x$  の範囲を数直線上に図示し, 重なるところを答とする.

*Print Version 7.0.**Created by MAT Inc. 1998.**Written by Y.O^kouchi 1998.**Copyright 1987,1998 MAT Inc.**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.**Print Version 7.0.**Created by MAT Inc. 1998.**Written by Y.O^kouchi 1998.**Copyright 1987,1998 MAT Inc.**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.*