

二次関数

1. 関数の概念が理解できる.
2. 定義域・値域が理解できる.
3. 値域が求められる.
4. 一次関数, 二次関数のグラフがかける.

二次関数

1. 二次関数の一般の定義が理解できる.
 $y=ax^2+bx+c$ $a \neq 0$, a, b, c は定数
2. 二次関数の基本形のグラフ ($y=ax^2$) がかける.
 $y=ax^2$
(1) $a > 0$ のとき, 下に凸
(2) $a < 0$ のとき, 上に凸

頂点の座標は, 原点 $(0, 0)$
対称軸の方程式は, $x=0$ (y 軸)

用語
放物線, 軸, 頂点

Print Version 7.0.
Created by MAT Inc. 1998.
Written by Y.O^kouchi 1998.
Copyright 1987,1998 MAT Inc.
MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

Print Version 7.0.
Created by MAT Inc. 1998.
Written by Y.O^kouchi 1998.
Copyright 1987,1998 MAT Inc.
MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次関数

1. 二次関数 ($y=ax^2+q$) のグラフがかける.
 $y=ax^2$ のグラフを y 軸方向に q 平行移動した放物線.
頂点の座標は, $(0, q)$
対称軸の方程式は, $x=0$
2. 二次関数 ($y=a(x-p)^2$) のグラフがかける.
 $y=ax^2$ のグラフを x 軸方向に p 平行移動した放物線.
頂点の座標は, $(p, 0)$
対称軸の方程式は, $x=p$

Print Version 7.0.
Created by MAT Inc. 1998.
Written by Y.O^kouchi 1998.
Copyright 1987,1998 MAT Inc.
MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次関数

1. 二次関数の標準形 ($y=a(x-p)^2+q$) のグラフがかける.
 $y=ax^2$ のグラフを x 軸方向に p , y 軸方向に q 平行移動した放物線.
頂点の座標は, (p, q)
対称軸の方程式は, $x=p$

Print Version 7.0.
Created by MAT Inc. 1998.
Written by Y.O^kouchi 1998.
Copyright 1987,1998 MAT Inc.
MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次関数

1. 二次関数の一般形 ($y=ax^2+bx+c$) の式を, 標準形に変形できる.

Ex.)

$$y=2x^2-12x+13$$

$$y=(2x^2-12x)+13$$

$$y=2(x^2-6x)+13$$

$$y=2(x-3)^2-3^2+2+13$$

$$y=2(x-3)^2-18+13$$

$$y=2(x-3)^2-5$$

$y=2x^2$ のグラフを x 軸方向に 3 , y 軸方向に -5 平行移動したものの
頂点 $(3, -5)$
軸の方程式 $x=3$

Print Version 7.0.

Created by MAT Inc. 1998.

Written by Y.O^ kouchi 1998.

Copyright 1987,1998 MAT Inc.

MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次関数

1. 二次関数の一般形 ($y=ax^2+bx+c$) のグラフがかけられる.

標準形に変形し, 移動の様子, 頂点の座標, 軸の方程式を求め, グラフをかく.

(MS- 21を参照)

Print Version 7.0.

Created by MAT Inc. 1998.

Written by Y.O^ kouchi 1998.

Copyright 1987,1998 MAT Inc.

MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次関数

1. 二次関数の方程式を求めることができる.

- (1) 頂点と1点を通る場合 → 標準形を利用
(2) 3点で交わる場合 → 一般形を利用
(3) x 軸と2点で交わる場合 → $y=a(x-\alpha)(x-\beta)$ を利用

Print Version 7.0.

Created by MAT Inc. 1998.

Written by Y.O^ kouchi 1998.

Copyright 1987,1998 MAT Inc.

MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次関数

1. 定義域が限定されていない場合の二次関数の最大値・最小値が求められる.

- (1) $y=ax^2+bx+c$ ($y=a(x-p)^2+q$ に変形) について,
 $a>0$ なら,

$$\text{最小値...頂点の } y \text{ 座標 } \left(-\frac{b^2-4ac}{4a}, x=-\frac{b}{2a} \right)$$

最大値...なし

- (2) $y=ax^2+bx+c$ ($y=a(x-p)^2+q$ に変形) について,
 $a<0$ なら,

最小値...なし

$$\text{最大値...頂点の } y \text{ 座標 } \left(-\frac{b^2-4ac}{4a}, x=-\frac{b}{2a} \right)$$

参考

$$y=ax^2+bx+c$$

$$y=a\left(x^2+\frac{b}{a}x\right)+c$$

$$y=a\left(x+\frac{b}{2a}\right)^2-\left(\frac{b}{2a}\right)^2+c$$

$$y=a\left(x+\frac{b}{2a}\right)^2-\frac{b^2-4ac}{4a}$$

Print Version 7.0.

Created by MAT Inc. 1998.

Written by Y.O^ kouchi 1998.

Copyright 1987,1998 MAT Inc.

MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次関数

1. 定義域が指定された場合の最大値・最小値が求められる。
- (1) 定義域の中に、頂点が含まれる場合
定義域の両端の y 座標と、頂点の y 座標を調べる。
- (2) 定義域の中に、頂点が含まれない場合
定義域の両端の y 座標を調べる。
- (3) 定義域が次のように指定された場合は注意する。
(Ex.) $(-3 < x \leq 5)$ ここに注意

Print Version 7.0.
Created by MAT Inc. 1998.
Written by Y.O^kouchi 1998.
Copyright 1987,1998 MAT Inc.
MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次方程式

1. 二次関数のグラフと x 軸の位置関係で、二次方程式を考えることができる。
2. 二次方程式と考えて、 x 軸との共有点の個数が求められる。
 $y = ax^2 + bx + c$ で
- (1) $b^2 - 4ac > 0 \iff x$ 軸と2点で交わる
- (2) $b^2 - 4ac = 0 \iff x$ 軸と接する
- (3) $b^2 - 4ac < 0 \iff x$ 軸と交わらない

注意： $b^2 - 4ac$ を判別式と呼び、一般には D と表す。

Print Version 7.0.
Created by MAT Inc. 1998.
Written by Y.O^kouchi 1998.
Copyright 1987,1998 MAT Inc.
MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次方程式

1. 二次方程式の解の判別ができる。

$b^2 - 4ac$ を活用する。

- (1) $b^2 - 4ac > 0 \iff$ 異なる2つの実数解
- (2) $b^2 - 4ac = 0 \iff$ 重解
- (3) $b^2 - 4ac < 0 \iff$ 実数解を持たない

Print Version 7.0.
Created by MAT Inc. 1998.
Written by Y.O^kouchi 1998.
Copyright 1987,1998 MAT Inc.
MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次方程式

1. 二次方程式を解くことができる。

- (1) 因数分解を利用
- (2) 解の公式を利用

$$ax^2 + bx + c = 0 \text{ の解は, } x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Print Version 7.0.
Created by MAT Inc. 1998.
Written by Y.O^kouchi 1998.
Copyright 1987,1998 MAT Inc.
MAT is Mathematics Assist Team Corporation.

二次不等式

1. 不等式の基本性質が理解できる.

$$\begin{aligned} a > b \text{ なら } a+c > b+c \\ a > b \text{ なら } ac > bc \quad (c > 0) \\ a > b \text{ なら } ac < bc \quad (c < 0) \end{aligned}$$

2. 一次不等式が解ける.

二次不等式

1. グラフを利用して二次不等式を解くことができる.

$$\begin{aligned} & b^2-4ac > 0 \text{ のとき, } (x \text{ 軸と2点で交わる}) \\ & ax^2+bx+c=0 \text{ の解を } \alpha, \beta (\alpha < \beta) \text{ とすると,} \\ (1) \quad & ax^2+bx+c > 0 \text{ の解は } x < \alpha, \beta < x \\ & \quad \quad \quad (=) \quad \quad \quad (=) \quad (=) \\ (2) \quad & ax^2+bx+c < 0 \text{ の解は } \alpha < x < \beta \\ & \quad \quad \quad (=) \quad \quad \quad (=) \quad (=) \end{aligned}$$

二次不等式

1. 二次不等式を解くことができる.

$$\begin{aligned} & b^2-4ac=0 \text{ のとき, } (x \text{ 軸と接する}) \\ & ax^2+bx+c=0 \rightarrow a(x-\alpha)^2=0 \text{ の解を } \alpha \text{ とするとき} \\ (1) \quad & ax^2+bx+c > 0 \text{ の解は, } x \neq \alpha \text{ の実数全部} \\ (2) \quad & ax^2+bx+c \geq 0 \text{ の解は, 実数全部} \\ (3) \quad & ax^2+bx+c < 0 \text{ の解は, 解なし} \\ (4) \quad & ax^2+bx+c \leq 0 \text{ の解は, } x=\alpha \text{ のみ} \end{aligned}$$

二次不等式

1. 二次不等式を解くことができる.

$$\begin{aligned} & b^2-4ac < 0 \text{ のとき, } (x \text{ 軸と交わらない}) \\ (1) \quad & ax^2+bx+c > 0 \text{ の解は, 実数全部} \\ & \quad \quad \quad (=) \\ (2) \quad & ax^2+bx+c < 0 \text{ の解は, 解なし} \\ & \quad \quad \quad (=) \end{aligned}$$

発 展

1. 二次関数の平行移動が理解できる.

$$y=a(x-p)^2+q$$

$$y-q=a(x-p)^2$$

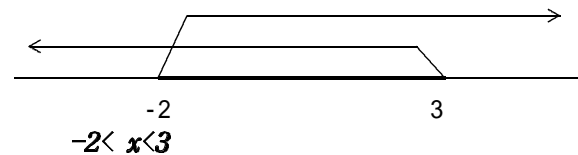
2. 平行移動の概念が理解できる.

$$y-q=f(x-p)$$

発 展

1. 連立不等式が解ける.

Ex.) $x < 3, x > -2$ を満たす x の範囲を数直線上に図示し, 重なるところを答とする.

*Print Version 7.0.**Created by MAT Inc. 1998.**Written by Y.O^kouchi 1998.**Copyright 1987,1998 MAT Inc.**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.**Print Version 7.0.**Created by MAT Inc. 1998.**Written by Y.O^kouchi 1998.**Copyright 1987,1998 MAT Inc.**MAT is Mathematics Assist Team Corporation.*