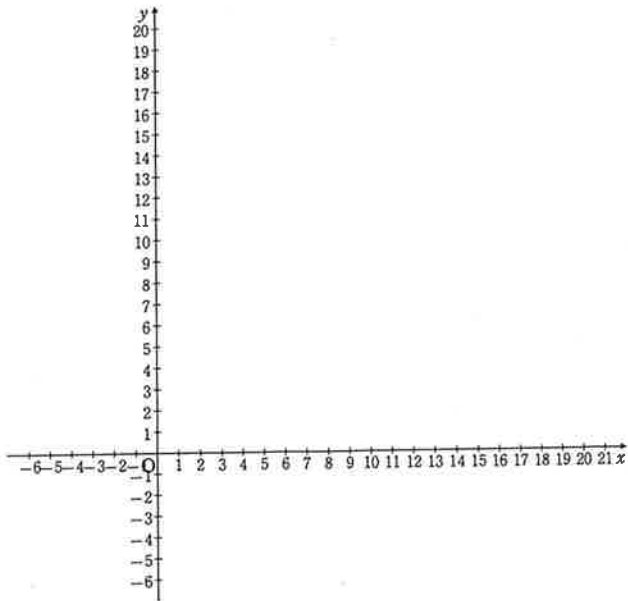


1 (1) 関数  $y = x^2 - 4x$  ( $0 < x \leq 5$ ) に最大値, 最小値があれば, それを求めよ。

$$y = (x - )^2 -$$

頂点( , ) 軸  $x =$



$a > 0$  より  
 $x = 0$  のとき  $y =$

$x = 5$  のとき  $y =$

グラフから

$x =$  のとき 最大値

$x =$  のとき 最小値

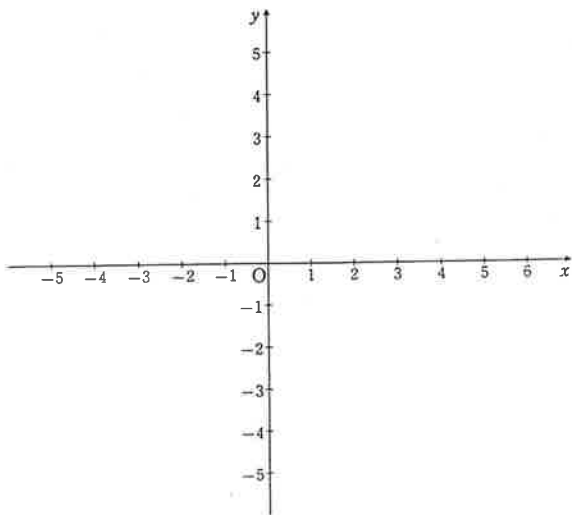
(2) 関数  $y = -3x^2 - 2x + c$  ( $-1 \leq x \leq 0$ ) の最小値が1であるように, 定数  $c$  の値を定めよ。

$$= 3(x^2 - x) + c$$

$$= 3\{(x - )^2 - \} + c$$

$$= 3(x - )^2 + + c$$

頂点( , ) 軸  $x =$



$a < 0$  より  
 $x = -1$  のとき  $y =$

$x = 0$  のとき  $y =$

グラフより

2 関数  $y = -x^2 - 2x + 1$  の定義域として次の範囲をとるとき, 各場合について, 最大値と最小値を求めよ。

(1)  $0 \leq x \leq 2$

(2)  $-2 \leq x \leq 1$

(3)  $-4 \leq x \leq -3$

(4)  $-2 \leq x \leq 0$

3 次の条件を満たすように, 定数  $c$  の値を定めよ。

(1) 関数  $y = 2x^2 - 4x + c$  ( $2 \leq x \leq 4$ ) の最大値が9である。

(2) 関数  $y = -x^2 - 4x + c$  ( $-3 \leq x \leq 1$ ) の最小値が-3である。

2次関数の最大・最小 C問題14

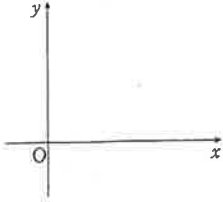
( ) 組 ( ) 番 氏名

1  $a$  を実数の定数とする。2次関数  $y = x^2 - 2ax + 3a$  の  $0 \leq x \leq 4$  における最小値が  $-4$  のとき、 $a$  の値を求めよ。

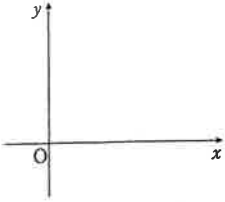
ポイント 軸の位置で定義域の範囲での最小値の位置がどこになるかをイメージする。

3つの場合をイメージできますか？

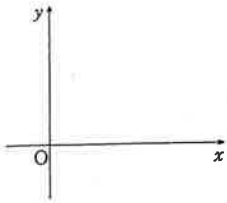
(I)



(II)



(III)



2 関数  $y = -x^2 + ax - a$  ( $0 \leq x \leq 5$ ) の最大値が3であるとき、定数  $a$  の値を求めよ。

- 1 (1) 直線  $x=4$  を軸とし、2点  $(2, -3)$ ,  $(-2, 13)$  を通る放物線をグラフにもつ2次関数を求めよ。

軸が直線  $x=4$  より

$$y=a(x-h)^2+k \dots \textcircled{0} \text{ と表せる。}$$

$\textcircled{0}$  は2点  $(2, -3)$ ,  $(-2, 13)$  を通るので、 $\leftarrow$ 通るときたらどうするんですか?  $\textcircled{0}$

式を整理すると

連立方程式を解くと

求める2次関数の式は

- (2) 3点  $(1, -5)$ ,  $(2, -4)$ ,  $(-1, 5)$  を通る放物線をグラフにもつ2次関数を求めよ。

求める2次関数の式を  $y=ax^2+bx+c \dots \textcircled{0}$  とおく。

$\textcircled{0}$  は3点  $(1, -5)$ ,  $(2, -4)$ ,  $(-1, 5)$  を通るので、

連立方程式の解き方の基本は \_\_\_\_\_ を減らす。

求める2次関数の式は

- 2 次の条件を満たす放物線をグラフにもつ2次関数を求めよ。

(1) 頂点が点  $(1, -2)$  で、点  $(2, -3)$  を通る。

(2) 頂点が点  $(-4, -1)$  で、点  $(-6, 7)$  を通る。

(3) 軸が直線  $x=2$  で、2点  $(4, 1)$ ,  $(6, -5)$  を通る。

(4) 軸が直線  $x=-3$  で、2点  $(0, 9)$ ,  $(-2, -7)$  を通る。

- 3 2次関数のグラフが次の3点を通るとき、その2次関数を求めよ。

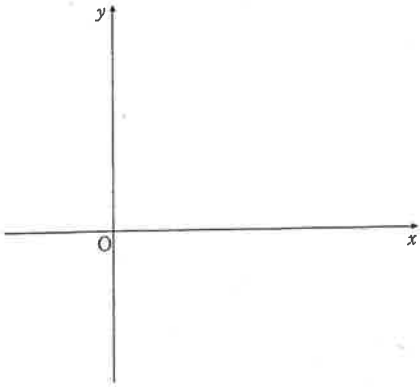
(1)  $(0, 3)$ ,  $(1, 0)$ ,  $(2, 1)$

(2)  $(-1, 1)$ ,  $(1, -5)$ ,  $(3, 5)$

1 2次方程式  $x^2 - 2mx + m + 6 = 0$  が異なる2つの正の実数解をもつように、定数  $m$  の値の範囲を定めよ。

ポイント 2次関数のグラフを利用

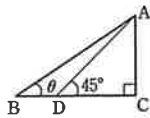
着眼点 判別式D (頂点の  $y$  座標)、軸の位置、端点での関数の値



満たす条件は

2 方程式  $x^2 - 2ax + 2a^2 - 5 = 0$  が1より大きい相異なる2個の実数解をもつような定数  $a$  の値の範囲を求めよ。

- 1 右の図において、 $AB=2\sqrt{3}$ 、 $AD=2\sqrt{2}$  であるとする。  
 (1) 線分 AC, BC の長さを求めよ。



- 2 (1)  $\theta$  は鋭角で、 $\tan \theta = 2$  のとき、 $\sin \theta$ 、 $\cos \theta$ 、 $\tan(90^\circ - \theta)$  の値を求めよ。

- (2)  $\sin \theta$ 、 $\cos \theta$ 、 $\tan \theta$  の値を求めよ。

- (3) 鋭角  $\theta$  のおよその大きさを、次の三角比の表を用いて求めよ。ただし、 $\sqrt{2} = 1.414$  として計算してよい。

$\theta$	$\sin \theta$	$\cos \theta$	$\tan \theta$
$31^\circ$	0.5150	0.8572	0.6009
$32^\circ$	0.5299	0.8480	0.6249
$33^\circ$	0.5446	0.8387	0.6494
$34^\circ$	0.5592	0.8290	0.6745
$35^\circ$	0.5736	0.8192	0.7002
$36^\circ$	0.5878	0.8090	0.7265

- (2)  $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$  で、 $\cos(180^\circ - \theta) = \frac{2}{5}$  のとき、 $\sin \theta$ 、 $\cos \theta$ 、 $\tan \theta$  の値を求めよ。

教P11 正弦定理・余弦定理・三角形の面積 a問題

1  $\triangle ABC$ において、次のものを求めよ。

(1)  $b = \sqrt{2}$ ,  $A = 15^\circ$ ,  $C = 135^\circ$  のとき、外接円の半径  $R$  と  $c$

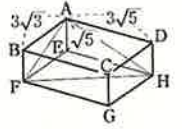
(2)  $b = 2$ ,  $c = \sqrt{3} - 1$ ,  $A = 30^\circ$  のとき  $a$

(3)  $a = 5$ ,  $b = 3$ ,  $c = 7$  のとき、 $C$  と  $\triangle ABC$  の面積  $S$

2 右の図のような

$AB = 3\sqrt{3}$ ,  $AD = 3\sqrt{5}$ ,  $AE = \sqrt{5}$   
 である直方体  $ABCD - EFGH$  がある。

(1)  $\cos \angle AFH$  の値を求めよ。



(2)  $\triangle AFH$  の面積  $S$  を求めよ。

① 例題7 三角形と正弦定理

$\triangle ABC$ において、 $\sin A : \sin B : \sin C = 5 : 6 : 7$ が成り立つ。この三角形の最も小さい角を $\theta$ とすると、 $\cos \theta$ の値を求めよ。

② 練習7

$\triangle ABC$ において、 $\sin A : \sin B : \sin C = 3 : 5 : 7$ が成り立つ。この三角形の最も大きい角を $\theta$ とすると、角 $\theta$ の大きさを求めよ。

③ 例題8 三角形の外接円、内接円の半径

$AB=8$ ,  $BC=5$ ,  $CA=7$ である三角形 $ABC$ の外接円の半径 $R$ と、内接円の半径 $r$ を求めよ。

④ 練習8

$AB=2$ ,  $BC=\sqrt{7}$ ,  $CA=3$ である三角形 $ABC$ の外接円の半径 $R$ と、内接円の半径 $r$ を求めよ。

① 例題9 円に内接する四角形の面積

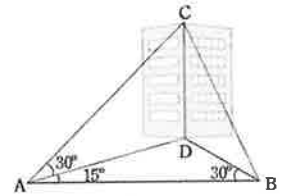
円に内接する四角形 ABCD において、 $AB=5$ 、 $BC=CD=7$ 、 $DA=3$  とする。このとき、BD の長さを求めよ。また、四角形 ABCD の面積を求めよ。

② 練習9

円に内接する四角形 ABCD において、 $AB=BC=2$ 、 $CD=3$ 、 $DA=5$  とする。このとき、BD の長さを求めよ。また、四角形 ABCD の面積を求めよ。

③ 例題10 測量への応用

ビルと地点 A、B は同じ水平面上にある。  
右の図において、 $\angle CAD=30^\circ$ 、 $\angle DAB=15^\circ$ 、 $\angle DBA=30^\circ$ 、 $AB=120$  m のとき、ビルの高さ CD は  m である。



④ 練習10

100m離れた2地点 B、C から気球 A を見ると、 $\angle ABC=60^\circ$ 、 $\angle ACB=75^\circ$  であり、地点 C から、気球 A を見た仰角は  $60^\circ$  であった。右の図において気球の高さ AH は  m である。

